

**Муниципальное автономное общеобразовательное учреждение
«Гимназия № 11 имени А.Н. Кулакова»
г. Красноярск, ул. Юности - 28
тел. 8(391)264-06-27, e-mail: gymn11@mailkrsk.ru**

Принято

Кафедрой естественно математического
цикла

_____ / С.Ю. Рудакова

Протокол № 1
от «31» августа 2023 г.

Согласовано

Заместитель директора по УВР
МАОУ
Гимназия № 11

_____ / Е.Г. Шевцова

от «31 » августа 2023 г.

Утверждаю

Директор МАОУ Гимназия № 11
_____ / Н.Ю. Шугалей

Приказ № 03-02-718
от «31 » августа 2023 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

**учебного предмета «МАТЕМАТИКА»
для обучающихся 11 классов
(углубленный уровень)**

**Красноярск
2023 – 2024 учебный год**

Пояснительная записка

Рабочая программа учебного предмета «Математика» составлена для обучающихся 11«А» класса (углубленный уровень) МАОУ Гимназия №11 в соответствии с требованиями федерального государственного стандарта начального, основного, среднего общего образования (Приказ Министерства образования и науки Российской Федерации об утверждении ФГОС ООО от 17.12. 2010 №1897, №1577 от 31.12.2015 о внесении изменений), с учетом Федеральной основной образовательной программы. Программа для общеобразовательных учреждений. Алгебра и начала анализа.10 класс Т.А. Бурмистрова – М: Просвещение 2018 г. Геометрия 10-11 класс Т.А. Бурмистрова – М.: Просвещение, 2020 г. (Приказ МОиН РФ) и авторской программы А.Г. Мордковича и др. (алгебра), Л.С. и Атанасяна, В.Ф. Бутусова (геометрия) (ПриказМОиН об утверждении перечня учебников, рекомендованных к использованию).

Ориентирована на использование учебников. Алгебра и начала анализа А.Г. Мордкович, П.В. Семенов, Л.О. и др.-М: Мнемозина , 2021г.;Геометрия 10-11 класс учебник для общеобразовательных учреждений Л.С. Атанасян, В.Ф. Бутусов, С.Б. Кадомцев и др. – М.: Просвещение, 2020г. В программе учитываются основные идеи и положения программы развития и формирования универсальных учебных действий для общего образования, соблюдаются преемственность с примерными программами начального общего образования.

Целями изучения математики на уровне среднего общего образования в школе являются:

формирование представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, об идеях и методах математики;

развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для будущей профессиональной деятельности, а также последующего обучения в высшей школе;

овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, для изучения школьных естественнонаучных дисциплин на базовом уровне, для получения образования в областях, не требующих углубленной математической подготовки;

развитие логического мышления, алгоритмической культуры, пространственного воображения, развития математического мышления и интуиции, творческих способностей;

воспитание средствами математики культуры личности, понимания значимости математики для научно-технического прогресса, отношения к математике как к части общечеловеческой культуры через знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей.

На основании требований Государственного образовательного стандарта в содержании календарно-тематического планирования предполагается реализовать актуальные в настоящее время компетентностный, личностно ориентированный, деятельностный подходы, которые определяют задачи обучения:

систематизировать сведения о числах; изучить новые виды числовых выражений и формул; совершенствовать практические навыки и вычислительную культуру, расширять и совершенствовать алгебраический аппарат, сформированный в основной школе, и применять его к решению математических задач;

расширить и систематизировать общие сведения о функциях, пополнить класс изучаемых функций, проиллюстрировать широту применения функций для описания и изучения реальных зависимостей;

изучить свойства пространственных тел, сформирование умения применять полученные знания для решения практических задач;

развить представление о вероятностно-статистических закономерностях в окружающем мире, совершенствовать интеллектуальные и речевые умения путем обогащения математического языка, развития логического мышления;

ознакомить с основными идеями и методами математического анализа.

Программа ориентирована на углубленный уровень изучения учебного предмета. Программа рассчитана на 204 часа в год (часа в неделю: алгебра-4ч. и геометрия-2ч.). Курс построен в форме последовательности тематических блоков с чередованием материала по алгебре, анализу, геометрии, комбинаторики, статистики и теории вероятности.

| Класс | Количество часов по учебному плану |
|-----------------|---|
| 10 класс | 204 |
| 11 класс | 204 |

Планируемые результаты освоения учебного предмета (курса)

| Класс / Результаты | Личностные результаты | | |
|------------------------------------|---|---|--|
| | 10 и 11 классы | | |
| | <p>Умение ясно, точно, грамотно излагать свои мысли в устной и письменной речи, понимать смысл поставленной задачи, выстраивать аргументацию, приводить примеры</p> <p>Критичность мышления, умение распознавать логически некорректные высказывания, отличать гипотезу от факта;</p> <p>Представление о математической науке как сфере человеческой деятельности, об этапах ее развития, о ее значимости для развития цивилизации;</p> <p>Креативность мышления, инициатива, находчивость, активность при решении математических задач;</p> <p>Умение контролировать процесс и результат учебной математической деятельности;</p> <p>Способность к эмоциональному восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений;</p> | | |
| Метапредметные результаты | | | |
| | Регулятивные | Познавательные | Коммуникативные |
| 10 класс 11 класс | <p>Самостоятельно определять цели, задавать параметры и критерии, по которым можно определить, что цель достигнута;</p> <p>Оценивать возможные последствия достижения поставленной цели в деятельности, собственной жизни и жизни окружающих людей, основываясь на соображениях этики и морали;</p> <p>Ставить и формулировать собственные задачи в образовательной деятельности жизненных ситуациях;</p> <p>Оценивать ресурсы, в том числе время и другие нематериальные ресурсы, необходимые для достижения поставленной цели;</p> <p>Выбирать путь достижения цели, планировать решение поставленных задач, оптимизируя материальные и нематериальные затраты;</p> | <p>Искать и находить обобщенные способы решения задач, в том числе, осуществлять развернутый информационный поиск и ставить на его основе новые (учебные и познавательные) задачи;</p> <p>Критически оценивать и интерпретировать информацию с разных позиций.</p> <p>Распознавать и фиксировать противоречия в информационных источниках;</p> <p>Использовать различные модельно-схематические средства для представления существенных связей и отношений, а также противоречий, выявленных в информационных источниках;</p> <p>Находить и проводить критические аргументы в отношении действий и суждений другого; спокойно и разумно и разумно относиться к критическим замечаниям в отношении собственного суждения, рассматривать их как ресурс собственного развития;</p> | <p>Осуществлять деловую коммуникацию как со сверстниками, так и со взрослыми (как внутри образовательной организации, так и за ее пределами), подбирать партнеров для деловой коммуникации исходя из соображений результативности взаимодействия, а не личных симпатий;</p> <p>При осуществлении групповой работы быть как руководителем, так и членом команды в разных ролях (генератор идей, критик, исполнитель, выступающий, эксперт и т.д.);</p> <p>Координировать и выполнять работу в условиях реального, виртуального и комбинированного взаимодействия;</p> <p>Развернуто, логично и точно излагать свою точку зрения с использованием адекватных (устных и письменных) языковых средств;</p> |

| | | | |
|------------------------------------|--|--|--|
| | <p>Организовывать эффективный поиск ресурсов, необходимых для достижения поставленной цели;</p> <p>Сопоставлять полученный результат деятельности с поставленной заранее целью.</p> | <p>Выходить за рамки учебного предмета и осуществлять целенаправленный поиск возможностей для широкого переноса средств и способов действия;</p> <p>Выстраивать индивидуальную образовательную траекторию, учитывая ограничения со стороны других участников и ресурсные ограничения;</p> <p>Менять и удерживать разные позиции в познавательной деятельности.</p> | <p>Распознавать конфликтогенные ситуации и предотвращать конфликты до их активной фазы, выстраивать деловую и образовательную коммуникацию, избегая личностных оценочных суждений.</p> |
| Предметные | | | |
| 10 класс 11 класс | <p>Овладение базовым понятийным аппаратом по основным разделам содержания, представление об основных изучаемых понятиях (число, уравнение, функция, вероятность) как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать реальные процессы и явления;</p> <p>Умение работать с математическим текстом (анализировать, извлекать необходимую информацию), грамотно применять математическую терминологию и символику, использовать различные языки математики;</p> <p>Умение проводить классификации, логические обоснования, доказательства математических утверждений;</p> <p>Развитие представлений о числе и числовых системах от натуральных до действительных чисел, овладение навыками устных, письменных, инструментальных вычислений;</p> <p>Овладение символьным языком алгебры, приемами выполнения тождественных преобразований рациональных выражений, решения уравнений, систем уравнений, неравенств и систем неравенств, умение использовать идею координат на плоскости для интерпретации уравнений, неравенств, систем, умение применять алгебраические преобразования, аппарат уравнений и неравенств для решения задач из различных разделов курса;</p> <p>овладение системой функциональных понятий, функциональным языком и символикой, умение на основе функционально-графических представлений описывать и анализировать реальные зависимости;</p> <p>овладение основными способами представления и анализа статистических данных;</p> <p>наличие представлений о статистических закономерностях в реальном мире и о различных способах их изучения, о вероятностных моделях.</p> | | |

Содержание учебного предмета (курса) на уровень образования

| Класс | Тема | Количество часов | Основное содержание темы |
|-----------------|---|-------------------------|---|
| 10 класс | Повторение за 5-9 класс | 6 | |
| | Действительные числа | 12 | Натуральные и целые числа. Рациональные числа. Иррациональные числа. Множество действительных чисел. Модуль действительного числа. Метод математической индукции. |
| | Числовые функции | 10 | Определение числовой функции и способы её задания. Свойства функций. Периодические функции. Обратная функция. |
| | Тригонометрические функции | 24 | Числовая окружность. Числовая окружность на координатной плоскости. Синус и косинус. Тангенс и котангенс. Тригонометрические функции числового аргумента. Тригонометрические функции углового аргумента. Функции $y=\sin a$, $y=\cos a$, их свойства и графики. Построение графика функции $y=mf(x)$. Построение графика функции $y=f(kx)$. Графики гармонического колебания. Функции $y=\tan a$, $y=\cot a$, их свойства и графики. Обратные тригонометрические функции. |
| | Тригонометрические уравнения | 9 | Простейшие тригонометрические уравнения и неравенства. Методы решения тригонометрических уравнений. |
| | Преобразование тригонометрических выражений | 20 | Синус и косинус суммы и разности аргументов. Тангенс суммы разности аргументов. Формулы приведения. Формулы двойного аргумента, формулы понижения степени. Преобразования суммы тригонометрических функций в произведение. Преобразование произведения тригонометрических функций в сумму. Преобразование выражения $A \sin x + B \cos x$ к виду $C \sin (x + t)$. Методы решения тригонометрических уравнений (продолжение). |
| | Комплексные числа | 9 | Комплексные числа и арифметические операции над ними. Комплексные числа и координатная плоскость. Тригонометрическая форма записи комплексного числа. Комплексные числа и квадратные уравнения. Возвведение комплексного числа в степень. Извлечение кубического корня из комплексного числа. |
| | Производная | 27 | Числовые последовательности. Предел числовой последовательности. Предел функции. Определение производной. Вычисление производных. Дифференцирование сложной функции. Дифференцирование обратной функции. Уравнение касательной к графику функции. Применение производной для исследования функций. Построение графиков функций. |

| | | | |
|----------|--|----|--|
| | | | Применение производной для отыскания наибольших и наименьших значений. |
| | Комбинаторика и вероятность | 8 | Правила умножения. Комбинаторные задачи. Перестановки и факториалы. Выбор нескольких элементов. Биномиальные коэффициенты. Случайные события и их вероятности. |
| | Итоговое повторение за 10 класс | 11 | |
| | введение | 3 | Предмет стереометрии. Аксиомы стереометрии. Некоторые следствия из аксиом. |
| | Параллельность прямых и плоскостей | 19 | Параллельные прямые в пространстве. Параллельность трех прямых. Параллельность прямой и плоскости. Скрещивающиеся прямые. Углы с сонаправленными сторонами. Угол между прямыми. Параллельные плоскости. Свойства параллельных плоскостей. Тетраэдр. Параллелепипед. Задачи на построение сечений. |
| | Перпендикулярность прямых и плоскостей | 20 | Перпендикулярные прямые в пространстве. Параллельные прямые, перпендикулярные к плоскости. Перпендикулярность прямой и плоскости. Теорема о прямой, перпендикулярной к плоскости. Расстояние от точки до плоскости. Теорема о трех перпендикулярах. Угол между прямой и плоскостью. Двугранный угол. Признак перпендикулярности двух плоскостей. Прямоугольный параллелепипед. |
| | Многогранники | 11 | Понятие многогранника. Геометрическое тело. Призма. Пирамида. Правильная пирамида. Усеченная пирамида. Симметрия в пространстве. Понятие правильного многогранника. Элементы симметрии правильных многогранников. |
| | Векторы в пространстве | 10 | Понятие вектора. Равенство векторов. Сложение и вычитание векторов. Сумма нескольких векторов. Умножение вектора на число. Компланарные векторы. Правило параллелепипеда. Разложение вектора по трем некомпланарным векторам. |
| | Повторение | 5 | |
| 11 класс | Многочлены | 10 | Многочлены от одной переменной. Многочлены от нескольких переменных. Уравнения высших степеней. |
| | Степени и корни. Степенные функции. | 25 | Понятие корня n-степени из действительного числа. Функции $y = \sqrt[n]{x}$, их свойства и графики. Свойства корня n-степени. Преобразования выражений, содержащих радикалы. Понятие степени с любым рациональным показателем. Степенные функции, их свойства и графики. Извлечение корня из комплексных чисел. |

| | | | |
|--|--|----|---|
| | Показательная и логарифмическая функции | 31 | Показательная функция, ее свойства и график. Показательные уравнения. Показательные неравенства. Понятие логарифма. Логарифмическая Функция, ее свойства и график. Свойства логарифмов. Логарифмические уравнения. Логарифмические неравенства. Дифференцирование показательной и логарифмической функций |
| | Первообразная и интеграл | 9 | Первообразная и неопределенный интеграл. Определенный интеграл. |
| | Элементы теории вероятностей и математической статистики | 9 | Вероятность и геометрия. Независимые повторения испытаний с двумя исходами. Статистические методы обработки информации. Гауссова кривая. Закон больших чисел. |
| | Уравнения и неравенства. Системы уравнений и неравенств | 33 | Равносильность уравнений. Общие методы решения уравнений. Равносильность неравенств. Уравнения и неравенства с модулями. Иррациональные уравнения и неравенства. Доказательство неравенств. Уравнения и неравенства с двумя переменными. Системы уравнений. Задачи с параметрами. |
| | Итоговое повторение | 18 | |
| | Цилиндр | 4 | Понятие цилиндра. Площадь поверхности цилиндра. |
| | Конус | 5 | Понятие конуса. Площадь поверхности конуса. Усеченный конус. |
| | Сфера | 9 | Сфера и шар. Уравнение сферы. Взаимное расположение сферы и плоскости. Касательная плоскость к сфере. Площадь сферы. |
| | Объем прямоугольного параллелепипеда | 3 | Понятие объема. Объем прямоугольного параллелепипеда. |
| | Объем прямой призмы и цилиндра | 3 | Объем прямой призмы. Объем цилиндра. |
| | Объем наклонной призмы, пирамиды и конуса | 7 | Вычисление объемов тел с помощью определенного интеграла. Объем наклонной призмы. Объем пирамиды. Объем конуса. |
| | Объем шара и сферы | 4 | Объем шара. Объем шарового сегмента, шарового слоя и шарового сектора. Площадь сферы. |
| | Координаты точки и координаты вектора | 7 | Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Связь между координатами векторов и координатами точек. Простейшие задачи в координатах. |
| | Скалярное произведение векторов | 4 | Угол между векторами. Скалярное произведение векторов. Вычисление углов между прямыми и плоскостями. |
| | Движение | 4 | Центральная симметрия. Осевая симметрия. Зеркальная симметрия. Параллельный перенос. |
| | Итоговое повторение | 19 | |